



Α' ΤΑΞΗ ΓΕΝ.ΛΥΚΕΙΟΥ

ΑΛΓΕΒΡΑ

ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ 1^ο

- A. Αν $\theta > 0$ να αποδείξετε ότι $|x| < \theta \Leftrightarrow -\theta < x < \theta$.
- B. Σε καρτεσιανό σύστημα συντεταγμένων δίνονται τα σημεία $A(x_1, y_1)$ και $B(x_2, y_2)$. Να γράψετε τον τύπο, με τον οποίο υπολογίζεται η απόσταση AB .
- C. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν γραφοντας στο τετράδιό σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση τη λέξη ΣΩΣΤΟ αν η πρόταση είναι σωστή, ή ΛΑΘΟΣ, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.
- a) Αν $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$, τότε ισχύει: $|\alpha - \beta| = |\beta - \alpha|$.
- b) Αν $\alpha \cdot \gamma < 0$, τότε το τριώνυμο $\alpha x^2 + \beta x + \gamma$ παίρνει τη μορφή $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = \alpha(x - x_1)(x - x_2)$, όπου x_1, x_2 οι ρίζες του τριωνύμου.
- c) Ισχύει πάντοτε $\sqrt{\alpha^2} = \alpha$, όπου α θετικός ακέραιος και $\alpha \in \mathbb{R}$.
- d) Αν $\alpha \cdot \beta > 0$, τότε πάντοτε ισχύει: $\sqrt{\alpha \beta} = \sqrt{\alpha} \sqrt{\beta}$.
- e) Αν $x > 0$, τότε $\sqrt{\frac{x^2}{x}} = 1$.
- ΜΟΝΑΔΕΣ**
- ΜΟΝΑΔΕΣ 10
 - ΜΟΝΑΔΕΣ 5
 - ΜΟΝΑΔΕΣ 2
 - ΜΟΝΑΔΕΣ 10
 - ΜΟΝΑΔΕΣ 15
- ΘΕΜΑ 2^ο**
- Δίνονται οι ευθείες ε_1 και ε_2 με εξισώσεις
- $$\varepsilon_1: y = (\lambda - 2)x + 1, \quad \varepsilon_2: y = \frac{2-\lambda}{4}x - 1$$
- a) Να βρείτε την τιμή του πραγματικού αριθμού λ ώστε οι ευθείες ε_1 και ε_2 να είναι παράλληλες.
- b) Να βρείτε τις τιμές των πραγματικών αριθμών λ ώστε οι ευθείες ε_1 και ε_2 να είναι κάθετες μεταξύ τους.

ΘΕΜΑ 3º

Δίνεται η συνάρτηση f με τύπο $f(x) = x^4 - ax^2 + 2$, $x \in \mathbb{R}$, όπου

$$\alpha = \frac{\sqrt{2} + 1}{\sqrt{2} - 1} + \frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2} + 1}.$$

- α) Να αποδείξετε ότι $\alpha = 6$.

ΜΟΝΑΔΕΣ 8

- β)** Να υπολογίσετε την τιμή $f(1)$.

ΜΟΝΑΔΕΣ 2

- γ) Να λύσετε την εξίσωση: $f(x) = f(1)$.

ΜΟΝΑΔΕΣ 8

- δ)** Να λύσετε την ανίσωση: $f(x) - f(1) \leq 0$.

ΜΟΝΑΔΕΣ 7

ΘΕΜΑ 4^ο

Δίνεται η εξίσωση $D \cdot \omega^2 - (Dx - Dy) \cdot \omega + 2Dx + Dy = 0$ (1), όπου D , Dx , Dy πραγματικοί αριθμοί ίσοι με τις ορίζουσες ενός συστήματος (Σ) δύο γραμμικών εξισώσεων με δύο αγνώστους.

- A.** Έστω ότι η εξίσωση (1) είναι δευτέρου βαθμού ως προς ω

- a) Να αποδείξετε ότι το γραμμικό σύστημα (Σ) έχει μοναδική λύση.

ΜΟΝΑΔΕΣ 6

- β) Αν για το αθροισμα S και το γινόμενο P των ριζών της (1) ισχύει $S = -1$ και $P = -2$, τότε:

$$\frac{-D_x - D_y}{D} = -1 \text{ koh} \quad \frac{2D_x + D_y}{D} = -2$$

ΜΟΝΑΔΕΣ 6

- B.** Αν $D = 0$ και η (1) είναι αδύνατη, τότε να δείξετε ότι και το γραμμικό σύστημα (Σ) είναι αδύνατο.

ΜΟΝΑΔΕΣ 8

ΕΥΧΟΜΑΣΤΕ ΕΠΙΤΥΧΙΑ!!!