

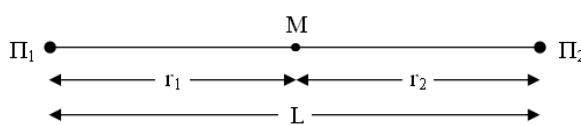
Φυσική Κατεύθυνσης

ΘΕΜΑ

Στά άκρα ενός ευθύγραμμου τμήματος μήκους L , βρίσκονται δύο σύμφωνες πηγές Π_1, Π_2 , οι οποίες εκτελούν Γ.Α.Τ. στο ίδιο υλικό μέσο παράγοντας αρμονικά κύματα με περίοδο $T=2s$. Στο μέσο M του ευθύγραμμου τμήματος που συνδέει τις δύο πηγές βρίσκεται φελλός με μάζα $m=40g$. Ο φελλός αρχίζει να ταλαντώνεται $2s$ αργότερα από τη χρονική στιγμή $t=0$ που ξεκινούν την ταλάντωση τους οι πηγές. Αν η ενέργεια ταλάντωσης του φελλού είναι $E_\phi=0,2J$ και η ταχύτητα διάδοσης των κυμάτων είναι $u_k=40cm/s$ να βρεθούν:

- a. η απόσταση L των πηγών Π_1, Π_2 .
- b. το πλάτος ταλάντωσης A για τα κύματα που παράγουν οι πηγές.
- c. Να γραφεί η χρονική εξίσωση απομάκρυνσης του φελλού από τη συμβολή των κυμάτων που παράγουν οι δύο πηγές.
- d. Να βρεθούν οι θέσεις των σημείων που παραμένουν ακίνητα στο ευθύγραμμο τμήμα που συνδέει τις πηγές.
- e. Αν τη χρονική στιγμή $t=7s$ η μία πηγή (Π_1) ακινητοποιείται, να βρεθεί η ταχύτητα ταλάντωσης του φελλού τη χρονική στιγμή $t_1=10s$.
- f. Να γίνει η γραφική παράσταση απομάκρυνσης-χρόνου για τον φελλό από τη χρονική στιγμή $t=0$ έως τη χρονική στιγμή t_1 .
- Δίνεται $\pi^2=10$

ΑΠΑΝΤΗΣΗ ΘΕΜΑΤΟΣ



- a. Το σημείο M απέχει από τις πηγές απόστασεις $r_1=r_2=L/2$, οπότε τα δύο κύματα φτάνουν ταυτόχρονα σε χρόνο $t=2s$. Άρα

$$U_k = \frac{L}{t} = \frac{2}{2} = 1m/s$$

- β. Εφόσον ο φελλός βρίσκεται στο μέσον του ευθύγραμμου τμήματος που συνδέει τις πηγές θα ταλαντώνεται με πλάτος

$$A' = \left| 2A \sin 2\pi \frac{r_1 - r_2}{L} \right| \quad \Rightarrow \quad A' = 2A$$

επειδή $r_1 = r_2$

Η ενέργεια ταλάντωσης του φελλού θα είναι:

$$E_\phi = \frac{1}{2} D A'^2 = \frac{1}{2} D (2A)^2 \xrightarrow{D=m \omega^2} E_\phi = \frac{1}{2} m \omega^2 4A^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A = \sqrt{\frac{E_\phi}{2m\omega^2}} \Rightarrow A=0,5m$$

γ. Εξίσωση απομάκρυνσης του φελλού

$$\Psi_\phi = A' \eta \mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_1 + r_2}{2\lambda} \right)$$

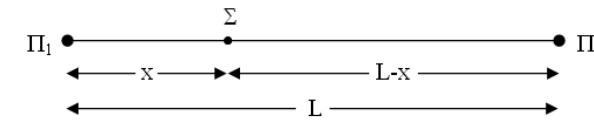
οπου $T=2s$ & $f=1/T=0,5Hz$

$$u_k = \lambda \cdot f \rightarrow \lambda = 80cm = 0,8m \quad \left. \right\}$$

$$r_1 + r_2 = L = 1,6m \quad \& \quad A' = 2A = 1m$$

$$\rightarrow \Psi_\phi = \eta \mu 2\pi \left(\frac{t}{2} - 1 \right) \quad (y \rightarrow m, t \rightarrow s)$$

δ.



Έστω Σ ένα σημείο του ευθύγραμμου τμήματος που παραμένει ακίνητο.

$$\text{Άρα } (\Pi_2 \Sigma) - (\Pi_1 \Sigma) = (2\kappa+1) \frac{\lambda}{2} \rightarrow (L-x) - x = (2\kappa+1) \frac{\lambda}{2} \rightarrow$$

$$\rightarrow L - 2x = (2\kappa+1) \frac{\lambda}{2} \rightarrow x = \frac{L - (2\kappa+1) \frac{\lambda}{2}}{2} \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{1,6 - (2\kappa+1) \cdot 0,4}{2} \rightarrow x = 0,8 - (2\kappa+1) \cdot 0,2$$

Περιορισμός $0 < x < L$

$$0 < 0,8 - (2\kappa+1) \cdot 0,2 < 1,6 \rightarrow -0,8 < -(2\kappa+1) \cdot 0,2 < 0,8 \rightarrow$$

$$\rightarrow 0,8 > (2\kappa+1) \cdot 0,2 > -0,8 \rightarrow 2\kappa+1 > -4 \rightarrow 3 > 2\kappa > -5 \rightarrow$$

$$\rightarrow 1,5 > \kappa > -2,5$$

άρα $\kappa = -2, -1, 0, 1, 2$ (4 ακίνητα σημεία)

Οι θέσεις των ακίνητων σημείων θα βρεθούν από την εξίσωση $x = 0,8 - (2\kappa+1) \cdot 0,2$ (1) με αντικατάσταση των τιμών του κ .

Για $\kappa = -2$ (1) δίνει $x_1 = 1,4m$

Για $\kappa = -1$ (1) δίνει $x_2 = 1m$

Για $\kappa = 0$ (1) δίνει $x_3 = 0,6m$

Για $\kappa = 1$ (1) δίνει $x_4 = 0,2m$

ε) Μετά τη χρονική στιγμή $t=7s$ στον φελλό φτάνουν κύματα μόνο από την πηγή Π_2 . Η ταχύτητα ταλάντωσης του φελλού θα δίνεται από την εξίσωση

$$v_\phi = v_0 \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_2}{\lambda} \right)$$

όπου : $T = 2s$

$$v_0 = \omega A = \frac{2\pi}{T} A = \frac{\pi}{2} = 1,57 \text{ m/s}$$

$$r_2 = 0,8 \text{ m}$$

$$\lambda = 0,8 \text{ m}$$

$$\Rightarrow v_\phi = 1,57 \sin 2\pi \left(\frac{t}{2} - 1 \right) \quad \left. \begin{matrix} t = t_1 = 10s \\ \end{matrix} \right\} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v_\phi = 1,57 \text{ m/s}$$

στ. Ο φελλός από $t=0$ έως $2s$ παραμένει ακίνητος.

Από $2s$ έως $7s$ ταλαντώνεται με $A'=1m$ λόγω συμβολής των κυμάτων που παράγουν οι πηγές. Τη χρονική στιγμή $t=7s$ που σταματά να ταλαντώνεται η πηγή Π_1 ο φελλός έχει απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας του:

$$v_\phi = \eta \mu 2\pi \left(\frac{t}{2} - 1 \right) \xrightarrow{t=7s} v_\phi = 0$$

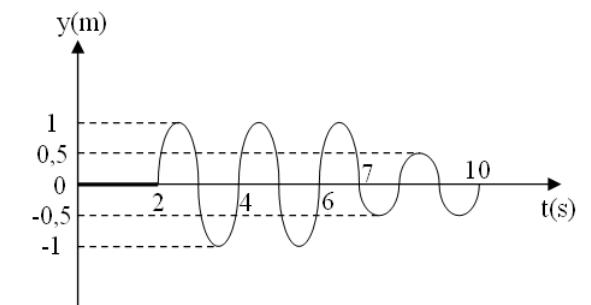
και ταχύτητα:

$$U'_0 = \omega A' = \frac{2\pi}{T} A' = \pi \text{ m/s}$$

$$U_\phi = U'_0 \sin 2\pi \left(\frac{t}{2} - 1 \right) \quad \rightarrow$$

$$\rightarrow U_\phi = \pi \sin 2\pi \left(\frac{t}{2} - 1 \right) \xrightarrow{t=7s} U_\phi = -\pi \frac{m}{s}$$

Δηλαδή διέρχεται από τη θέση ισορροπίας του κινούμενος προς τα αρνητικά. Από $t=7s$ και μετά ταλαντώνεται εξαιτίας του κύματος που παράγει η πηγή Π_2 και σε $t_1=10s$ διέρχεται από τη θέση ισορροπίας του κινούμενος με ταχύτητα $U_\phi = 1,57m/s = U_0$ προς τα θετικά



ΤΑ ΘΕΜΑΤΑ ΕΠΙΜΕΛΗΘΗΚΑΝ ΤΑ ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΑ

ΧΑΣΙΑΚΗΣ
στον ΠΕΙΡΑΙΑ